

## 5. Übungsblatt

1. Eine Menge von Sprachen über einem Alphabet wird *Sprachklasse* genannt. Sie kennen z.B. schon die Klasse der Typ3-Sprachen oder die Klasse der kontextfreien Sprachen.

Man sagt, dass eine Sprachklasse  $\mathcal{C}$  unter der binären Operation  $\nabla$  abgeschlossen ist, wenn für zwei beliebige Sprachen  $L, L' \in \mathcal{C}$  gilt, dass für die Sprache  $L \nabla L' \in \mathcal{C}$  gilt.

Beweisen Sie, dass die Klasse der kontextfreien Sprachen unter der Vereinigung abgeschlossen ist. Kann man Ihre Beweisidee auf die regulären Sprachen übertragen? Begründen Sie Ihre Aussage oder finden Sie gegebenenfalls einen Ausweg.

2. Geben Sie einen Algorithmus (Pseudocode) an, der für einen gegebenen deterministischen endlichen Automaten  $M$  berechnet, ob die akzeptierte Sprache  $L(M) = \emptyset$  ist.
3. Sei die Sprache

$$L_3 =_{\text{def}} \{w \in \{a, b\}^* \mid \begin{array}{l} ab \text{ kommt nicht als Teilstring in } w \text{ vor,} \\ |w|_b \text{ ungerade und} \\ |w|_a \text{ gerade} \end{array} \}$$

gegeben, wobei  $|w|_v =_{\text{def}}$  Anzahl des Auftretens des Buchstabens  $v$  in  $w$ . Konstruieren Sie einen endlichen Automaten  $M_3$  mit maximal fünf Zuständen mit  $L(M_3) = L_3$ .

Hinweis: Versuchen Sie  $L_3$  einfacher zu beschreiben.

Besprechung der Aufgaben am 18. Mai 2016 in den jeweiligen Übungsgruppen.