

Funktionale Programmierung

03 Haskell

Prof. Dr. David Sabel
Sommersemester 2025

Stand der Folien: 20. Mai 2025

Ziele des Kapitels

- Übersicht über die wesentliche Konstrukte von Haskell
- Werkzeuge und Haskell, Typen, Zahlen und einfache Typen, Datentypen: Aufzählungstypen, Produkttypen, Summentypen, Record-Syntax, Funktionen, Module

HASKELL UND WERKZEUGE

Haskell und Werkzeuge

 Haskell <http://www.haskell.org>

- ist eine rein funktionale Sprache mit verzögerter Auswertung.
- benannt nach dem US-amerikanischen Logiker Haskell B. Curry (1900-1982).
- Standards: Haskell 98 und Haskell 2010
- Interpreter / Compiler: **GHCi** bzw. **GHC** (Glasgow / Glorious Haskell Compiler)
- Dokumentation des GHC:
http://downloads.haskell.org/ghc/latest/docs/html/users_guide/
- Dokumentation der Standardbibliotheken:
<http://www.haskell.org/ghc/docs/latest/html/libraries/index.html>

Verschiedene Varianten zur Installation:

- Am einfachsten die Ratschläge und Anweisungen unter <https://www.haskell.org/get-started> befolgen
- Einfachste Installation mit `ghcup` und damit dann `ghc`, `cabal`, `stack` installieren
- Stack: Projektbasiertes Build-Tool, automatisches Management von Abhängigkeiten

Interpreter starten und Ausdrücke eingeben und auswerten lassen:

```
> ghci
GHCi, version 9.4.8: https://www.haskell.org/ghc/  :? for help
ghci> 1+2
3
ghci> 10 * (2 + 4)
60
ghci> 14 'mod' 6
2
```

Mit den Pfeiltasten  ,  kann man die vorherigen Eingaben durchblättern

Steuerung des Interpreters:

- Befehle, die mit `:` beginnen, z.B. `:?` für die Hilfe.
- Befehle abkürzen, z.B. statt `:quit` auch `:q`, um den Interpreter zu verlassen

Quelltexte laden:

```
:l datei.hs -- lade Definition aus Datei datei.hs
:r          -- erneut alle offenen Dateien einlesen
```

Datei-Endung:

- **Normale** Haskell-Quellcode-Dateien enden mit `.hs`
- **Literate-Haskell**-Dateien mit `.lhs`

Normale Haskell-Quellcode-Dateien:

- Alles ist Quellcode, außer Kommentare
- `--_` leitet **Kommentar bis zum Zeilenende** ein
- **Mehrzeiliger** (geklammerter) **Kommentar** mit `{-` und `-}`

Literate-Haskell-Programm

- **Alles** ist **Kommentar**, außer es ist als Quellcode gekennzeichnet
- Bird-Stil (nach Richard Bird): Code-Zeilen beginnen mit `>_` und Code- und Kommentarzeilen sind **durch Leerzeile** getrennt.
- **L^AT_EX**-Stil: Code steht in `\begin{code} ... \end{code}`-Umgebung.

Beispiel: Normales Haskell



```
{- Hier steht beliebiger Kommentar, der
   sich auch über mehrere Zeile erstrecken
   kann.
-}
meineFunktion [] = putStrLn "Hallo Welt"
meineFunktion (_:rs) = do
    putStrLn "Hallo Welt"
    meineFunktion rs

-- Hier steht erneut ein Kommentar.
```

Beispiel: Literate-Haskell im Bird-Stil



Hier steht beliebiger Kommentar, der sich auch über mehrere Zeile erstrecken kann.

```
> meineFunktion [] = putStrLn "Hallo Welt"
> meineFunktion (_:rs) = do
>     putStrLn "Hallo Welt"
>     meineFunktion rs
```

Hier steht erneut ein Kommentar.

Beispiel: Literate-Haskell im \LaTeX -Stil



```
Hier steht beliebiger Kommentar, der
sich auch über mehrere Zeile erstrecken
kann.
\begin{code}
meineFunktion [] = putStrLn "Hallo Welt"
meineFunktion (_:rs) = do
    putStrLn "Hallo Welt"
    meineFunktion rs
\end{code}
Hier steht erneut ein Kommentar.
```

Allgemeine Syntaxregeln



- Haskell beachtet die Groß-/Kleinschreibung
- Haskell ist „whitespace“-sensitiv: Einrückungen werden beachtet
- Veränderungen an Leerzeichen, Tabulatoren und Zeilenumbrüchen können **Fehler** verursachen.
- Statt Einrückung kann man auch geschweifte Klammern { } und Semikolons ; verwenden.

Dringende Empfehlung:

Keine Tabulatoren verwenden, sondern (am besten durch den Text-Editor) durch Leerzeichen ersetzen.

Editoren und IDEs: <https://wiki.haskell.org/IDEs>.

Allgemeine Syntaxregeln (2)

Daumenregel für Einrückungen:

Beginnt die nächste Zeile in einer Spalte

- weiter rechts als die vorherige, dann geht die vorherige Zeile weiter
- in der gleichen Spalte wie die vorherige, dann kommt das nächste Element des Blocks
- weiter links als die vorherige, dann ist der Block beendet.

Falsch:

```
fun x = let x = 2
        y = 3
        in x+y
```

<interactive>: parse error on input 'y'

Falsch:

```
fun x = let x = 2
        y = 3
        in x+y
```

<interactive>: parse error on input '='

Richtig:

```
fun x = let x = 2
        y = 3
        in x+y
```

TYPEN IN HASKELL

Typen

- **Typ** = Menge von Werten
- Z.B. Int = Menge der ganzen Zahlen von -2^{63} bis $2^{63} - 1$.
- In Haskell:
 - Typnamen beginnen mit einem Großbuchstaben
 - Typvariablen beginnen mit einem Kleinbuchstaben.
- Im GHCi: `:type Ausdruck` zeigt Typ an

```
ghci> :type 'a'
'a' :: Char
```

Typen: Sprechweisen

Gilt `e :: T`, so sagt man

- „Ausdruck e hat Typ T“
oder alternativ
- „Ausdruck e ist vom Typ T“

Syntax von Typen



Die Syntax von Typen (ohne Typklassenbeschränkungen) in Haskell ist

$$\mathbf{T} ::= TV \mid TC \mathbf{T}_1 \dots \mathbf{T}_n \mid \mathbf{T}_1 \rightarrow \mathbf{T}_2$$

wobei TV für eine Typvariable steht und TC ein Typkonstruktor mit Stelligkeit n ist

- Typkonstruktoren beginnen mit einem Großbuchstaben (wenn sie infix verwendet werden, mit einem Doppelpunkt)
- $\mathbf{T}_1 \rightarrow \mathbf{T}_2$ ist ein **Funktionstyp**, d.h. Typ jener Funktionen,
 - deren **Eingabe** Werte des Typs \mathbf{T}_1 sind, und
 - die als **Ausgabe** Werte des Typs \mathbf{T}_2 liefern.

Sprechweisen für verschiedene Typen



Basistypen: nullstellige Typkonstruktoren

(Basistypen haben keine Typvariablen und sind nicht zusammengesetzt aus anderen Typen)

Z.B. `Int`, `Bool`

Grundtypen / **monomorphe Typen**: Typen, die keine Typvariablen enthalten. zusammengesetzte Typen sind erlaubt

Z.B. `Baum Int`, `[(Int,Bool)]`, `Int -> Bool`

Polymorphe Typen: Typen, die auch Typvariablen enthalten dürfen

Z.B. `[a]`, `a -> b -> b`

Es gilt: **Basistypen** \subseteq **Grundtypen** \subseteq **polymorphe Typen**

ZAHLEN UND EINFACHE TYPEN IN HASKELL



Haskell: Zahlen



Eingebaut sind:

- Ganze Zahlen beschränkter Größe: `Int` (mindestens von -2^{29} bis $2^{29} - 1$)
- Ganze Zahlen beliebiger Größe: `Integer`
- Gleitkommazahlen: `Float`
- Gleitkommazahlen mit doppelter Genauigkeit: `Double`
- Rationale Zahlen: `Rational`

(verallgemeinert `Ratio a`, wobei `Rational = Ratio Integer`)

Darstellung `x % y` (Modul `Data.Ratio` importieren)

Arithmetische Operationen



Rechenoperationen:

- `+` für die Addition
- `-` für die Subtraktion
- `*` für die Multiplikation
- `/` für die Division
- `mod` , `div`

Die Operatoren sind **überladen**. Dafür gibt es **Typklassen**.

Typ von `(+)` :: `Num a => a -> a -> a`

Genauere Behandlung von Typklassen: **später**

Funktionsnamen / Operatoren



- Namen von **Funktionen** müssen in Haskell mit einem Kleinbuchstaben oder `_` beginnen. (z.B. `mod`, `div`)
- **Operatoren** bestehen nur aus Symbolen, die keine alphanumerischen Zeichen sind. (z.B. `+`, `$`, `<*>`)
- Operatoren werden **standardmäßig infix** verwendet, während Funktionen **standardmäßig präfix** verwendet werden.
- Operatoren, die mit `:` beginnen, spielen eine Sonderrolle, da sie Datenkonstruktoren sind

Präfix / Infix



Anmerkung zum Minuszeichen:

- Mehr Klammern als man denkt: `5 + -6` geht nicht, richtig: `5 + (-6)`
- In Haskell können Funktionen durch Einfassen in Backquotes ``` auch infix benutzt werden:
`mod 5 6` ; infix durch Backquotes: `5 `mod` 6`
- Umgekehrt können infix-Operatoren durch Einklammern in `()` auch präfix benutzt werden:
`5 + 6` ; präfix durch Klammern: `(+) 5 6`

Weitere Typen



Bool Boolesche (logische) Wahrheitswerte: `True` und `False`

Char Unicode Zeichen, z.B. `'q'`. Diese werden immer in Apostrophen eingeschlossen.

String Zeichenketten, z.B. `"Hallo!"`. Diese werden immer in Anführungszeichen eingeschlossen.

Davon ist lediglich `Char` eingebaut, denn:

```
type String = [Char]    -- Typsynonym
data Bool = True | False
```

Einige vordefinierte Funktionen



Die Standardbibliothek (die sogenannte Prelude) definiert u.a. folgende Funktionen

- `&&` Konjunktion, logisches Und
- `||` Disjunktion, logisches Oder
- `not` Negation, Verneinung
- `==` Test auf Gleichheit
- `/=` Test auf Ungleichheit

```
ghci> (True || False) && (not True)
False
ghci> True == False
False
ghci> False /= True
True
```

Vergleichsoperatoren



- `==` für den Gleichheitstest
`(==) :: (Eq a) => a -> a -> Bool`
- `/=` für den Ungleichheitstest
- `<`, `<=`, `>`, `>=`, für kleiner, kleiner gleich, größer und größer gleich
(der Typ ist `(Ord a) => a -> a -> Bool`).

Assoziativitäten und Prioritäten



```
infixr 9  o
infixr 8  ^, ^^, **
infixl 7  *, /, 'quot', 'rem', 'div', 'mod'
infixl 6  +, -
```

```
-- The (:) operator is built-in syntax, and cannot
-- legally be given a fixity declaration; but its
-- fixity is given by:
--   infixr 5  :
```

```
infix 4  ==, /=, <, <=, >, >=, >
infixr 3  &&
infixr 2  ||
infixl 1  >>, >>=
infixr 1  =<<
infixr 0  $, $!, 'seq'
```

FUNKTIONEN IN HASKELL



Definition (Funktion)

Eine **partielle Funktion** $f : A \rightarrow B$ ordnet einer Teilmenge $A' \subset A$ einen Wert aus B zu, und ist ansonsten undefiniert. Wir bezeichnen A als **Quellbereich**, A' als **Definitionsbereich** und B als **Zielbereich**. Für **totale** Funktionen gilt $A = A'$.

Im allgemeinen: Programmiere totale Funktionen, z.B. durch Verwendung von `error` für die undefinierten Fälle.

Funktionen werden durch Gleichungen definiert:

```
double1 x = x + x           -- Funktion mit 1 Argument
fun x y z = x + y * double1 z -- mit 3 Argumenten
add      = \x y -> x + y    -- Anonyme Fkt. 2 Argumente

twice f x = f x x           -- Higher-order function
double2 y = twice (+) y
double3  = twice (+)       -- Partielle Applikation
```

- In Quellcode-Datei: Alle Top-Level Definition in gleicher Spalte
- Funktionsanwendung durch Leerzeichen: `foo 1 2 3`.
Klammerung ist links-assoziativ: `foo 1 2 3 = (((foo 1) 2) 3)`

```
foo :: (Int,Int) -> (Int,Int)
foo (x,y) = (x+y,x-y)
```

```
bar :: Int -> (Int -> (Int,Int))
bar x y = (x+y,x-y)
```

- Klammerkonvention: Funktionstypen implizit rechtsgeklammert.
`Int -> Int -> Int` äquivalent zu `Int -> (Int -> Int)` und **verschieden** zu `(Int -> Int) -> Int`.
- In Haskell darf man partiell anwenden.
Z.B. ist `(bar 1)` eine Funktion des Typs `Int -> (Int,Int)`
- Funktionen sind also normale Werte in einer funktionalen Sprache.

```
funktionsName :: Typ1 -> Typ2 -> ... -> Typn -> Ergebnistyp
funktionsName var1 var2 ... varn = expr
```

- *funktionsName* beginnt mit einem Kleinbuchstabe oder `_`
- Typdeklaration ist optional
- *var*₁, *var*₂, ..., *var*_n sind die formalen Parameter
- *expr* ist der Funktionsrumpf.
- Anstelle von Variablen können auch Pattern verwendet werden.
- Mehrere Definitionszeilen sind möglich, erste passende wird genommen, Abarbeitung von oben nach unten (analog bei Guards).

Beispiele

Test, ob Zahl gerade ist

```
even 0 = True
even 1 = False
even x = if x < 0 then even (abs x) else even (x-2)
```

Falsch:

```
even' x = even' (x-2)
even' 0 = True
even' 1 = False
```

Richtig:

```
even'' 0 = True
even'' 1 = False
even'' x
  | x > 1 = even'' (x-2)
even'' x = even'' (abs x)
```

Anonyme Funktionen

- Anonyme Funktion = Funktion ohne Namen (auch **Abstraktion** genannt)
- Herkunft aus dem Lambda-Kalkül (Alonzo Church, 1936)
- Abstraktion im Lambda-Kalkül $\lambda x_1, \dots, x_n. e$
- In Haskell: \backslash statt λ , Leerzeichen statt $,$ und \rightarrow statt $.$

Beispiele:

	Lambda-Kalkül	Haskell
Identitätsfunktion	$\lambda x. x$	$\backslash x \rightarrow x$
Nachfolgerfunktion	$\lambda x. x + 1$	$\backslash x \rightarrow x + 1$
Wurzelfunktion	$\lambda y. \sqrt{y}$	$\backslash y \rightarrow \text{sqrt } y$
Dreistelliges Plus	$\lambda x, y, z. x + y + z$	$\backslash x \ y \ z \rightarrow x + y + z$

Ausdrücke

Ausdrücke werden gebildet durch:

- Anwendungen
- **if-then-else**-Ausdrücke:
 $\text{if } \textit{Ausdruck} \text{ then } \textit{Ausdruck} \text{ else } \textit{Ausdruck}$
- **case**-Ausdrücke zum Zerlegen von Daten:
 $\text{case } \textit{Ausdruck} \text{ of } \textit{Alternativen}$
erläutern wir später genauer!

Ausdrücke (2)

- **let**-Ausdrücke der Form
 $\text{let } \textit{Bindungen} \text{ in } \textit{Ausdruck}$
wobei
 - *Bindungen* sind Bindungen der Form
 $\textit{Funktionsname } \textit{par}_1 \dots \textit{par}_n = \textit{Ausdruck}$
 - Die Bindungen in **let**-Ausdrücken sind rekursiv: Gültigkeitsbereich der Funktionsnamen sind alle rechten Seiten der Bindungen sowie der **in**-Ausdruck.
- **do**-Notation: Diese erläutern wir später
- **seq**-Ausdrücke: $\text{seq } e_1 \ e_2$ Semantik: Wenn e_1 terminiert ist der Wert e_2 .
Operational: Erst e_1 , dann e_2 auswerten.
- Datenkonstruktoren, Listen, List-Comprehensions

where-Klauseln



Beispiel:

```
sumprod' 1 = (1,1)
sumprod' n = (s'+n,p'*n)
  where (s',p') = sumprod' (n-1)
```

Das where ist gültig für die Funktionsdefinition kann und daher für alle Guards wirken, z.B.

```
f x
| x == 0    = a
| x == 1    = a*a
| otherwise = a*f (x-1)
where a = 10
```

Falsch:

```
f x = \y -> mul
  where mul = x * y
```

Anmerkung zum \$-Operator



Definition:

```
f $ x = f x
```

wobei Priorität ganz niedrig, z.B.

```
f1 5 $ f2 10 $ f4 (5*3)
```

wird als

```
f1 5 (f2 10 (f4 (5*3)))
```

geklammert

ALGEBRAISCHE DATENTYPEN



Aufzählungstypen



Aufzählungstyp = Aufzählung verschiedener Werte

```
data Typname = Konstante1 | Konstante2 | ... | KonstanteN
```

Beispiele:

```
data Bool      = True | False
```

```
data Wochentag = Montag | Dienstag | Mittwoch | Donnerstag
              | Freitag | Samstag | Sonntag
  deriving(Show)
```

deriving(Show) erzeugt Instanz der Typklasse Show, damit der Datentyp angezeigt werden kann.

Aufzählungstypen (2)



```
istMontag :: Wochentag -> Bool
istMontag x = case x of
    Montag -> True
    Dienstag -> False
    Mittwoch -> False
    Donnerstag -> False
    Freitag -> False
    Samstag -> False
    Sonntag -> False
```

Mit Default-Alternative:

```
istMontag' :: Wochentag -> Bool
istMontag' x = case x of
    Montag -> True
    y      -> False
```

Aufzählungstypen (3)



In Haskell:

Pattern-matching in den linken Seiten der Funktionsdefinition:

```
istMontag'' :: Wochentag -> Bool
istMontag'' Montag = True
istMontag'' _      = False
```

Produkttypen



Produkttyp = Zusammenfassung verschiedener Werte

Bekanntes Beispiel: Tupel

Definition (Kartesisches Produkt)

Sind A_1, \dots, A_n Mengen, so ist das kartesische Produkt definiert als $A_1 \times \dots \times A_n = \{(a_1, \dots, a_n) \mid a_i \in A_i \text{ für } i = 1 \dots n\}$

Die Elemente von $A_1 \times \dots \times A_n$ heißen allgemein *n-Tupel*, spezieller auch Paare, Tripel, Quadrupel, ...

Produkttypen (2)



In Haskell: Tupelausdrücke und -typen mit runden Klammern und Kommas, z.B. $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ wird zu (Int, Int) .

```
ghci> :t (True, 'a', 7)
(True, 'a', 7) :: (Bool, Char, Int)
ghci> :t (4.5, "Hi!")
(4.5, "Hi!") :: (Double, String)
```

Das 0-Tupel ist ebenfalls in Haskell erlaubt: $() :: ()$.
Der Typ $()$ wird als **Unit**-Typ bezeichnet und hat nur den einzigen Wert $()$.

Produkttypen (3)



Mit `data` können auch Produkttypen definiert werden (die keine Tupelsyntax verwenden).

Die Syntax hierfür ist

```
data Typname = KonstruktorName Typ1 Typ2 ... TypN
```

Beispiel:

```
data Student = Student
    String -- Name
    String -- Vorname
    Int    -- Matrikelnummer
```

Beachte: `Student` taucht hier auf als Typ und als Datenkonstruktor

Produkttypen (3)



```
setzeName :: Student -> String -> Student
setzeName x name' =
  case x of
    (Student name vorname mnr)
      -> Student name' vorname mnr
```

Alternativ mit Pattern auf der linken Seite der Funktionsdefinition:

```
setzeName :: Student -> String -> Student
setzeName (Student name vorname mnr) name' =
  Student name' vorname mnr
```

Produkttypen und Aufzählungstypen



Man kann beides mischen, Z.B.

```
data DreiDObjekt =
  Wuerfel Int
  | Quader Int Int Int
  | Kugel Int
```

Früchte:

```
data Frucht = Apfel (Int,Double)
  | Birne Int Double
  | Banane Int Int Double
```

Allgemein nennt man dies auch **Summentyp**, allgemein

```
data Typ = Typ1 | ... | Typn
```

wobei `Typ1, ..., Typn` komplexe Typen sind

Record-Syntax: Einführung



```
data Student = Student
    String -- Vorname
    String -- Name
    Int    -- Matrikelnummer
```

Nachteil: Nur die **Kommentare** verraten, was die Komponenten darstellen.

Außerdem **mühsam**: Zugriffsfunktionen erstellen:

```
vorname :: Student -> String
vorname (Student vorname name mnr) = vorname
```

Record-Syntax: Einführung (2)



Änderung am Datentyp:

```
data Student = Student
    String -- Vorname
    String -- Name
    Int    -- Matrikelnummer
    Int    -- Hochschulsemester
```

muss für Zugriffsfunktionen nachgezogen werden

```
vorname :: Student -> String
vorname (Student vorname name mnr hsem) = vorname
```

Abhilfe verschafft die [Record-Syntax](#)

Record-Syntax in Haskell



Student mit Record-Syntax:

```
data Student = Student {
    vorname      :: String,
    name         :: String,
    matrikelnummer :: Int
}
```

Zur Erinnerung: Ohne Record-Syntax:

```
data Student = Student String String Int
```

⇒ Die Komponenten werden mit **Namen** markiert

Beispiel



Beispiel: Student "Hans" "Mueller" 1234567

kann man schreiben als

```
Student{vorname="Hans",
        name="Mueller",
        matrikelnummer=1234567}
```

Reihenfolge der Komponenten egal:

```
Student{matrikelnummer=1234567,
        vorname="Hans",
        name="Mueller"}
```

Record-Syntax



Zugriffsfunktionen sind automatisch verfügbar, z.B.

```
*> matrikelnummer x
1234567
```

- Record-Syntax ist in den Pattern erlaubt
- Nicht alle Felder müssen abgedeckt werden
- bei Erweiterung der Datenstrukturen, daher kein Problem

```
nameMitA Student{name = 'A':xs} = True
nameMitA _ = False
```

Record-Syntax: Update



```
setzeName :: Student -> String -> Student
setzeName student neuername =
    student {name = neuername}
```

ist äquivalent zu

```
setzeName :: Student -> String -> Student
setzeName student neuername =
    Student {vorname      = vorname student,
            name          = neuername,
            matrikelnummer = matrikelnummer student}
```

Parametrisierte Datentypen



Datentypen in Haskell dürfen **polymorph parametrisiert** sein:

```
data Typname par1 ... parm = Konstruktor1 arg1,1 ... arg1,i1 | ... | Konstruktorn argn,1
... argn,in
    deriving (class1, ..., classi)
```

- Typname muss mit einem Großbuchstaben beginnen
- Typparameter sind optional, ebenso Alternativen
- Konstruktoren müssen mit Großbuchstaben beginnen
- Konstruktoren erwarten als Argumente eine beliebige Anzahl von Argumenten: Argument = bekannter Typ oder Typparameter
- Optionale deriving-Klausel mit einer Liste von Typklassen

Der Datentyp Maybe



```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

- ist polymorph über dem Parameter a.
- Konkrete Instanz ist z.B. Maybe Int.
- Verwendung: undefinierte Fälle partieller Funktionen mit Nothing abbilden, dadurch totale Funktionen erstellen

Beispiel:

```
getKruemmung :: Frucht -> Maybe Double
getKruemmung (Banane _ _ k) = Just k
getKruemmung _              = Nothing
```

Einige vordefinierte Funktionen für Maybe



```
isJust      :: Maybe a -> Bool
isJust Nothing = False
isJust _      = True
```

```
fromMaybe :: a -> Maybe a -> a
fromMaybe standardWert Nothing = standardWert
fromMaybe _ (Just x) = x
```

```
catMaybes :: [Maybe a] -> [a]
catMaybes l = [x | Just x <- l]
```

Der Datentyp Either



Der Datentyp Either hat mehrere Typparameter:

```
data Either a b = Left a | Right b
```

Z.B.: Verwende Either a String anstelle von Maybe a für die Rückgabe von Fehlermeldungen.

```
getKruemmung' :: Frucht -> Either String Double
getKruemmung' (Banane _ _ k) = Right k
getKruemmung' _              = Left "Eingabe ist keine Banane."
```

```
myDiv :: Double -> Double -> Either String Double
myDiv x 0 = Left "Error: Division by 0"
myDiv x y = Right $ x / y
```

Der Datentyp Either (2)



Either ist der Typ für disjunkte Vereinigungen:

$$A_1 \dot{\cup} A_2 = \{(i, a) \mid a \in A_i\}$$

Zum Beispiel:

$$\{\diamond, \heartsuit\} \dot{\cup} \{\heartsuit, \clubsuit, \spadesuit\} = \{(1, \diamond), (1, \heartsuit), (2, \heartsuit), (2, \clubsuit), (2, \spadesuit)\}$$

Hilfreiche Funktion für Either



```
isRight :: Either a b -> Bool
isRight (Left _) = False
isRight (Right _) = True
```

```
lefts :: [Either a b] -> [a]
lefts x = [a | Left a <- x]
```

```
partitionEithers :: [Either a b] -> ([a],[b])
partitionEithers [] = ([],[b])
partitionEithers (h : t)
  | Left l <- h = (l:ls, rs)
  | Right r <- h = (ls, r:rs)
  where (ls,rs) = partitionEithers t
```

Rekursive Datentypen



Rekursiver Datentyp: Der definierte Typ kommt rechts vom = wieder vor

```
data Typ = ... Konstruktor Typ ...
```

Listen könnte man definieren als:

```
data List a = Nil | Cons a (List a)
```

In Haskell, eher Spezialsyntax:

```
data [a] = [] | a:[a]
```

In Haskell: $[a_1, \dots, a_n]$ als Abkürzung für $a_1 : (a_2 : (\dots : [])) \dots$

Beispiele:

```
[1,2,3] :: [Int]
[1,2,2,3,3,3] :: [Int]
["Hello","World","!"] :: [[Char]]
```


Typdefinitionen in Haskell



Drei syntaktische Möglichkeiten in Haskell

- `data`
- `type`
- `newtype`

Verwendung von `data` haben wir bereits ausgiebig gesehen

Typdefinitionen in Haskell (2)



`type`; Variante von Typdefinitionen.

Mit `type` definiert man **Typsynonyme**, d.h:

Neuer Name für bekannten Typ

Beispiele:

```
type IntCharPaar = (Int, Char)
```

```
type Studenten = [Student]
```

```
type MyList a = [a]
```

Sinn davon: Verständlicher, z.B.

```
alleStudentenMitA :: Studenten -> Studenten
```

```
alleStudentenMitA = map nameMitA
```

Typdefinitionen in Haskell (3)



Typdefinition mit `newtype`:

- `newtype` ist sehr ähnlich zu `type`
- Mit `newtype`-definierte Typen dürfen **eigene Klasseninstanz** für Typklassen haben
- Mit `type`-definierte Typen aber nicht.
- Mit `newtype`-definierte Typen haben **einen** neuen Konstruktor
- `case` und `pattern match` für Objekte von einem mit `newtype`-definierten Typ sind immer erfolgreich.

Typdefinitionen in Haskell (4)



Beispiel für `newtype`:

```
newtype Studenten' = St [Student]
```

Diese Definition kann man sich vorstellen als

```
data Studenten' = St [Student]
```

Ist aber nicht semantisch äquivalent dazu, da Terminierungsverhalten anders

Vorteil `newtype` vs. `data`: Der Compiler weiß, dass es nur ein Typsynonym ist und kann optimieren: `case`-Ausdrücke dazu werden eliminiert und durch direkte Zugriffe ersetzt.

Beispiel für newtype vs. data

```
newtype Studenten' = St [Student]
data Studenten'' = St'' [Student]
```

Compiler entfernt St überall, Effekt:

```
*Main> case undefined of {St _ -> 1}
1
*Main> case undefined of {St'' _ -> 1}
*** Exception: Prelude.undefined
```

HASKELLS MODULSYSTEM

Haskells hierarchisches Modulsystem

Aufgaben von Modulen

- Strukturierung / Hierarchisierung
- Kapselung
- Wiederverwendbarkeit

Moduldefinition in Haskell

```
module Modulname(Exportliste) where
  Modulimporte,
  Datentypdefinitionen,
  Funktionsdefinitionen, ... } Modulrumpf
```

- Name des Moduls muss mit Großbuchstaben beginnen
- Exportliste enthält die nach außen sichtbaren Funktionen und Datentypen
- Dateiname = Modulname.hs (bei hierarchischen Modulen Pfad+Dateiname = Modulname.hs)
- Ausgezeichnetes Modul Main muss Funktion `main :: IO ()` exportieren

Import / Export



Beispiel:

```
module Spiel where
  data Ergebnis = Sieg | Niederlage | Unentschieden
  berechneErgebnis a b = if a > b then Sieg
                        else if a < b then Niederlage
                        else Unentschieden

  istSieg Sieg = True
  istSieg _ = False
  istNiederlage Niederlage = True
  istNiederlage _ = False
```

- Da keine Exportliste: Es werden alle Funktionen und Datentypen exportiert
- Außer importierte

Exporte



Exportliste kann enthalten

- Funktionsname (in Präfix-Schreibweise) Z.B.: ausschließlich `berechneErgebnis` wird exportiert

```
module Spiel(berechneErgebnis) where
```
- Datentypen mittels `data` oder `newtype`, drei Möglichkeiten
 - Nur Ergebnis in die Exportliste:

```
module Spiel(Ergebnis) where
```

Typ `Ergebnis` wird exportiert, die Datenkonstruktoren, d.h. `Sieg`, `Niederlage`, `Unentschieden` jedoch nicht
 - `module Spiel(Ergebnis(Sieg, Niederlage))`
Typ `Ergebnis` und die Konstruktoren `Sieg` und `Niederlage` werden exportiert, nicht jedoch `Unentschieden`.
 - Durch den Eintrag `Ergebnis(..)`, wird der Typ mit sämtlichen Konstruktoren exportiert.

Exporte (2)



Exportliste kann enthalten

- Typsynonyme, die mit `type` definiert wurden

```
module Spiel(Result) where
  .. wie vorher ..
  type Result = Ergebnis
```

- Importierte Module:

```
module Game(module Spiel, Result) where
  import Spiel
  type Result = Ergebnis
```

`Game` exportiert alle Funktionen, Datentypen und Konstruktoren, die auch `Spiel` exportiert sowie zusätzlich noch den Typ `Result`.

Importe



Einfachste Form: Importiert alle Einträge der Exportliste

```
import Modulname
```

Andere Möglichkeiten:

- Explizites Auflisten der zu importierenden Einträge:

```
module Game where
  import Spiel(berechneErgebnis, Ergebnis(..))
  ..
```

- Explizites Ausschließen einzelner Einträge:

```
module Game where
  import Spiel hiding(istSieg,istNiederlage)
  ..
```

Importe (2)



So importierte Funktionen und Datentypen sind mit ihrem unqualifizierten und ihrem qualifizierten Namen ansprechbar.

Qualifizierter Name: *Modulname.unqualifizierter Name*

```
module A(f) where
  f a b = a + b
module B(f) where
  f a b = a * b
module C where
  import A
  import B
  g = f 1 2 + f 3 4 -- funktioniert nicht!
```

```
ghci> :l C.hs
ERROR C.hs:4 - Ambiguous variable occurrence "f"
*** Could refer to: B.f A.f
```

Importe (3)



Mit qualifizierten Namen funktioniert es:

```
module C where
  import A
  import B
  g = A.f 1 2 + B.f 3 4
```

Mit Schlüsselwort `qualified` kann man nur die qualifizierten Namen importieren:

```
module C where
  import qualified A
  g = f 1 2 -- f ist nicht sichtbar
```

```
ghci> :l C.hs
ERROR C.hs:3 - Undefined variable "f"
```

Importe (4)



Lokale Aliase: Schlüsselwort `as`:

```
import LangerModulName as C
```

Importe (5)



Übersicht:

Import-Deklaration	definierte Namen
<code>import M</code>	<code>f, g, M.f, M.g</code>
<code>import M()</code>	keine
<code>import M(f)</code>	<code>f, M.f</code>
<code>import qualified M</code>	<code>M.f, M.g</code>
<code>import qualified M()</code>	keine
<code>import qualified M(f)</code>	<code>M.f</code>
<code>import M hiding ()</code>	<code>f, g, M.f, M.g</code>
<code>import M hiding (f)</code>	<code>g, M.g</code>
<code>import qualified M hiding ()</code>	<code>M.f, M.g</code>
<code>import qualified M hiding (f)</code>	<code>M.g</code>
<code>import M as N</code>	<code>f, g, N.f, N.g</code>
<code>import M as N(f)</code>	<code>f, N.f</code>
<code>import qualified M as N</code>	<code>N.f, N.g</code>

- Modulnamen mit Punkten versehen geben Hierarchie an: z.B.

```
module A.B.C
```

- Allerdings ist das rein syntaktisch
(es gibt keine Beziehung zwischen Modul A.B und A.B.C)

- Beim Import:

```
import A.B.C
```

sucht der Compiler nach dem File namens `C.hs` im Pfad `A/B/`