



Hochschule **RheinMain**
University of Applied Sciences
Wiesbaden Rüsselsheim

GAUSSIAN MIXTURE MODELS UND DER EM-ALGORITHMUS

Fachseminar "Machine Learning"

Letztes Update: 3. Februar 2016

Marvin Suhr

Studienbereich Informatik
Hochschule RheinMain



GLIEDERUNG

1. Einleitung
2. Gaussian Mixture Models
3. Der EM-Algorithmus
4. Anwendung / Auswertung

EINLEITUNG

DAS PROBLEM

- ▶ Wir möchten aufgezeichnete Videos **automatisch in Vorder- und Hintergrund** einteilen

DAS PROBLEM

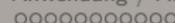
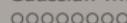
- ▶ Wir möchten aufgezeichnete Videos **automatisch in Vorder- und Hintergrund** einteilen
- ▶ Wichtig im Bereich der **Videoüberwachung**

DAS PROBLEM

- ▶ Wir möchten aufgezeichnete Videos **automatisch in Vordergrund und Hintergrund** einteilen
- ▶ Wichtig im Bereich der **Videoüberwachung**
- ▶ Ziel: **Arbeit ersparen** (nur “interessante” Aufzeichnungen speichern, also Sequenzen in denen sich etwas im Vordergrund bewegt)

DAS PROBLEM

- ▶ Wir möchten aufgezeichnete Videos **automatisch in Vorder- und Hintergrund** einteilen
- ▶ Wichtig im Bereich der **Videoüberwachung**
- ▶ Ziel: **Arbeit ersparen** (nur “interessante” Aufzeichnungen speichern, also Sequenzen in denen sich etwas im Vordergrund bewegt)
- ▶ Falls sich nur Dinge im Hintergrund bewegen, sollen die entsprechenden Bilder **automatisch aussortiert** werden



ANSÄTZE

Ein solches System lässt sich auf verschiedene Weisen implementieren:

- ▶ **Durchschnitt** der Pixelwerte bilden (Probleme bei vielen / beweglichen Objekten)

ANSÄTZE

Ein solches System lässt sich auf verschiedene Weisen implementieren:

- ▶ **Durchschnitt** der Pixelwerte bilden (Probleme bei vielen / beweglichen Objekten)
- ▶ Jedes Pixel mit einem **Kalman-Filter** modellieren (erholt sich nur langsam wenn der Hintergrund sich verändert)

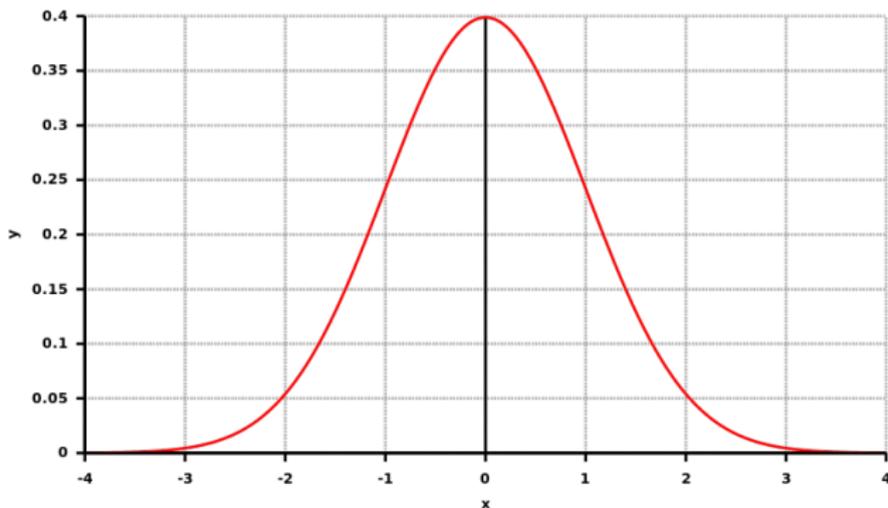
ANSÄTZE

Ein solches System lässt sich auf verschiedene Weisen implementieren:

- ▶ **Durchschnitt** der Pixelwerte bilden (Probleme bei vielen / beweglichen Objekten)
- ▶ Jedes Pixel mit einem **Kalman-Filter** modellieren (erholt sich nur langsam wenn der Hintergrund sich verändert)
- ▶ Jedes Pixel mit einer **Mischung** von Gauß-Funktionen modellieren (wird hier näher betrachtet)

GAUSSIAN MIXTURE MODELS

DIE GAUSSSCHE GLOCKENFUNKTION



Aus Wikipedia: Normalverteilung

$$p(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \cdot e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

(hier mit $\mu = 0$, $\sigma = 1$)

DIE GAUSSISCHE GLOCKENFUNKTION

- ▶ Ein wichtiger und häufig verwendeter Typ von **Wahrscheinlichkeitsverteilungen**

DIE GAUSSSCHE GLOCKENFUNKTION

- ▶ Ein wichtiger und häufig verwendeter Typ von **Wahrscheinlichkeitsverteilungen**
- ▶ Wird oft im **Gebiet der Statistik** verwendet, in verschiedensten Kontexten (z.B. Körpergröße, Gewicht, ...)

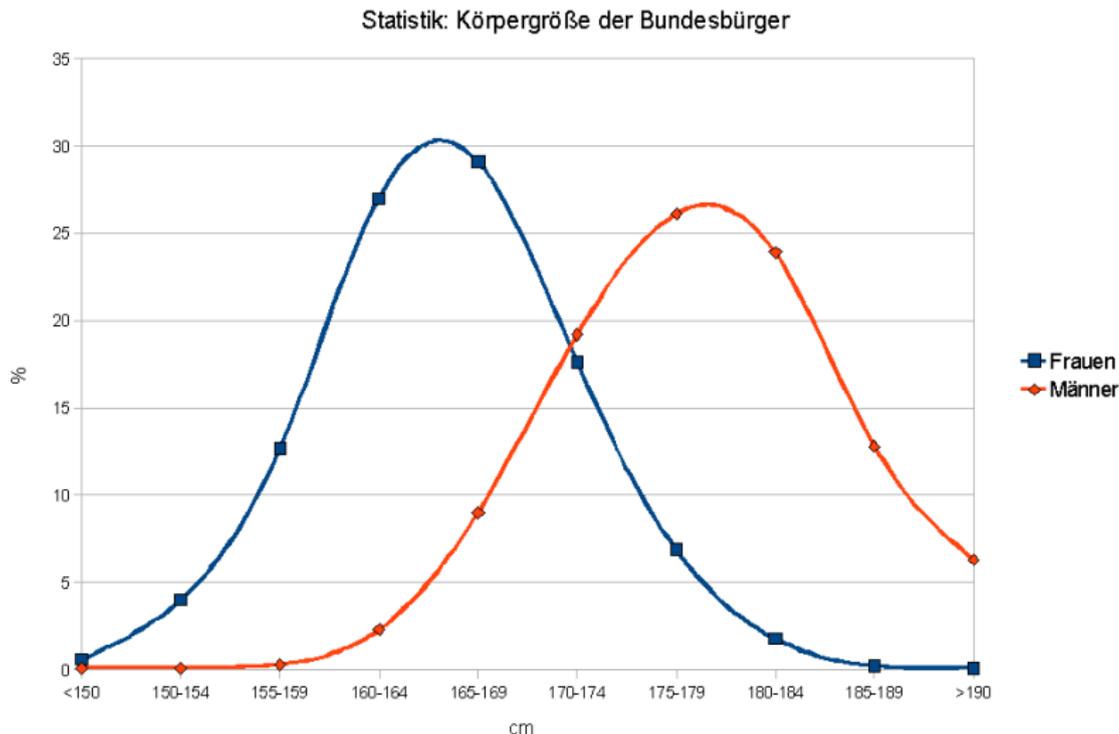
DIE GAUSSSCHE GLOCKENFUNKTION

- ▶ Ein wichtiger und häufig verwendeter Typ von **Wahrscheinlichkeitsverteilungen**
- ▶ Wird oft im **Gebiet der Statistik** verwendet, in verschiedensten Kontexten (z.B. Körpergröße, Gewicht, ...)
- ▶ Beschreibt die Abweichung von gemessenen Werten zum Mittelwert und die Wahrscheinlichkeit dazu

DIE GAUSSSCHE GLOCKENFUNKTION

- ▶ Ein wichtiger und häufig verwendeter Typ von **Wahrscheinlichkeitsverteilungen**
- ▶ Wird oft im **Gebiet der Statistik** verwendet, in verschiedensten Kontexten (z.B. Körpergröße, Gewicht, ...)
- ▶ Beschreibt die Abweichung von gemessenen Werten zum Mittelwert und die Wahrscheinlichkeit dazu
- ▶ Meistens sehr nah an den **wirklichen Werten**

BEISPIEL KÖRPERGRÖSSE



GAUSSIAN MIXTURE MODELS (GMM)

Wie der Name schon vermuten lässt, besteht ein GMM aus einer **Mischung** von verschiedenen gewichteten Gauß-Funktionen (Gaussians):

$$p(x) = \sum_{i=1}^n w_i \cdot \mathcal{N}(x | \mu_i, \Sigma_i)$$

GAUSSIAN MIXTURE MODELS (GMM)

Wie der Name schon vermuten lässt, besteht ein GMM aus einer **Mischung** von verschiedenen gewichteten Gauß-Funktionen (Gaussians):

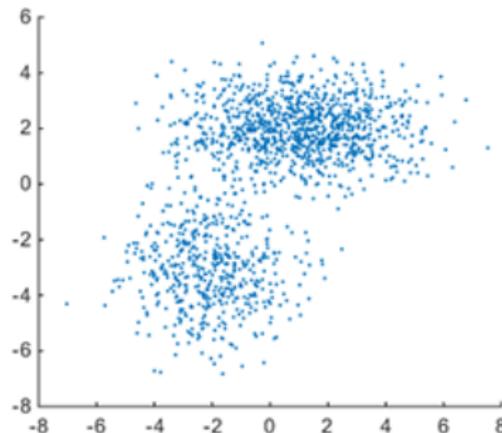
$$p(x) = \sum_{i=1}^n w_i \cdot \mathcal{N}(x|\mu_i, \Sigma_i)$$

n : **Anzahl** der Gauß-Verteilungen

w_i : **Gewichtung** der i -ten Verteilung ($\sum_{i=1}^n w_i = 1$)

$\mathcal{N}(x|\mu_i, \Sigma_i)$: Erweiterung der **Normalverteilung** (Kovarianzmatrix Σ statt Varianz σ^2)

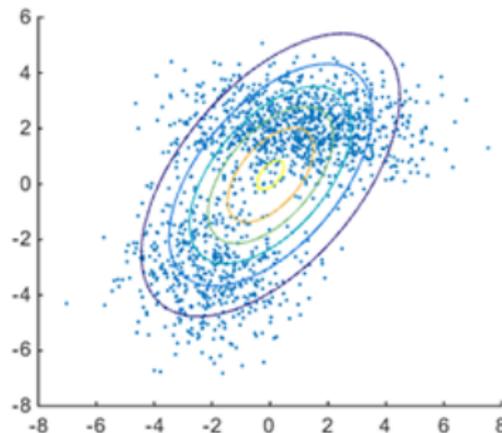
BEISPIELPLOT



Aus <http://recognize-speech.com/basics/introduction-to-gaussian-mixture-models/14-basics>

- ▶ Man sieht auf den ersten Blick, dass die Stichproben **zwei Cluster bilden**

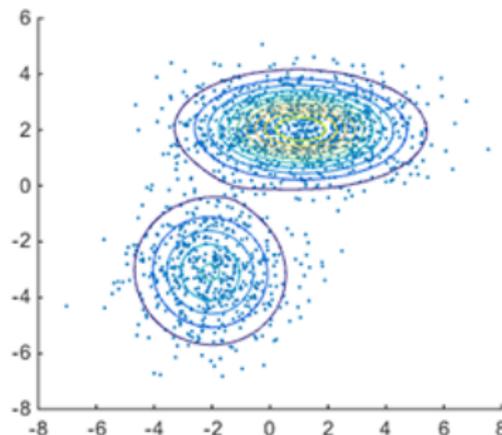
GAUSS-VERTEILUNG, AN DAS BEISPIEL ANGEPAST



Aus <http://recognize-speech.com/basics/introduction-to-gaussian-mixture-models/14-basics>

- ▶ Man erkennt, dass eine einzige Gauß-Funktion **nicht richtig passt** bzw. nicht ausreicht um beide Cluster zu modellieren

GMM, AN DAS BEISPIEL ANGEPAST



Aus <http://recognize-speech.com/basics/introduction-to-gaussian-mixture-models/14-basics>

- ▶ Wenn wir stattdessen ein GMM verwenden, werden die beiden Cluster **problemlos erkannt**

ANWENDUNG GMM

- ▶ Unser Problem: Oft sind die **Parameter** μ und Σ sowie die **Zugehörigkeit** zu den Clustern unbekannt (wir kennen nur die Stichproben)

ANWENDUNG GMM

- ▶ Unser Problem: Oft sind die **Parameter** μ und Σ sowie die **Zugehörigkeit** zu den Clustern unbekannt (wir kennen nur die Stichproben)
- ▶ Lösung: GMMs können mithilfe von verschiedenen Machine-Learning-Konzepten **“trainiert”** werden

ANWENDUNG GMM

- ▶ Unser Problem: Oft sind die **Parameter** μ und Σ sowie die **Zugehörigkeit** zu den Clustern unbekannt (wir kennen nur die Stichproben)
- ▶ Lösung: GMMs können mithilfe von verschiedenen Machine-Learning-Konzepten **“trainiert”** werden
- ▶ Das bedeutet: wir **bestimmen die uns unbekannt Parameter** der einzelnen Gaussians

ANWENDUNG GMM

- ▶ Unser Problem: Oft sind die **Parameter** μ und Σ sowie die **Zugehörigkeit** zu den Clustern unbekannt (wir kennen nur die Stichproben)
- ▶ Lösung: GMMs können mithilfe von verschiedenen Machine-Learning-Konzepten **“trainiert”** werden
- ▶ Das bedeutet: wir **bestimmen die uns unbekannt Parameter** der einzelnen Gaussians
- ▶ So können wir herausfinden, **welche Daten zu welchem Cluster** gehören (bzw. welcher Gaussian zu welchen Daten geführt hat)

DER EM-ALGORITHMUS

DER EM-ALGORITHMUS

- ▶ Der Expectation-Maximization-Algorithmus lässt sich sehr **vielseitig** anwenden (hauptsächlich Mischverteilungsmodelle wie z.B. GMMs)

DER EM-ALGORITHMUS

- ▶ Der Expectation-Maximization-Algorithmus lässt sich sehr **vielseitig** anwenden (hauptsächlich Mischverteilungsmodelle wie z.B. GMMs)
- ▶ Grundsätzlich sind uns einige Werte **gegeben**, andere sind uns jedoch **unbekannt**

DER EM-ALGORITHMUS

- ▶ Der Expectation-Maximization-Algorithmus lässt sich sehr **vielseitig** anwenden (hauptsächlich Mischverteilungsmodelle wie z.B. GMMs)
- ▶ Grundsätzlich sind uns einige Werte **gegeben**, andere sind uns jedoch **unbekannt**
- ▶ Uns fehlen z.B. sowohl die Parameter einer Verteilung als auch einige **“versteckte Werte”**

DER EM-ALGORITHMUS

- ▶ Der Expectation-Maximization-Algorithmus lässt sich sehr **vielseitig** anwenden (hauptsächlich Mischverteilungsmodelle wie z.B. GMMs)
- ▶ Grundsätzlich sind uns einige Werte **gegeben**, andere sind uns jedoch **unbekannt**
- ▶ Uns fehlen z.B. sowohl die Parameter einer Verteilung als auch einige **“versteckte Werte”**

Wir stecken in einer **Zwickmühle**:

- ▶ Die Parameter können nicht berechnet werden (uns fehlen die versteckten Werte)
- ▶ Die versteckten Werte können nicht berechnet werden (uns fehlen die Parameter)

DER EM-ALGORITHMUS

- ▶ Für diese Problematik existiert der **EM-Algorithmus**

DER EM-ALGORITHMUS

- ▶ Für diese Problematik existiert der **EM-Algorithmus**
- ▶ Der EM-Algorithmus besteht im Grunde aus **zwei Schritten**, die iterativ durchgeführt werden, bis die gesuchten Parameter konvergieren

DER EM-ALGORITHMUS

- ▶ Für diese Problematik existiert der **EM-Algorithmus**
- ▶ Der EM-Algorithmus besteht im Grunde aus **zwei Schritten**, die iterativ durchgeführt werden, bis die gesuchten Parameter konvergieren
- ▶ **Expectation step** und **Maximization step**

EXPECTATION UND MAXIMIZATION STEP

Expectation step:

- ▶ **Schätze die versteckten Werte** anhand der gegebenen Daten

EXPECTATION UND MAXIMIZATION STEP

Expectation step:

- ▶ **Schätze die versteckten Werte** anhand der gegebenen Daten

Maximization step:

- ▶ Es wird angenommen, die Werte aus dem ersten Schritt **seien die wirklichen Werte**
- ▶ Wir wenden ML (Maximum-Likelihood) auf diese Werte an, um die eigentlich **gesuchten Parameter** zu berechnen

EXPECTATION UND MAXIMIZATION STEP

Expectation step:

- ▶ **Schätze die versteckten Werte** anhand der gegebenen Daten

Maximization step:

- ▶ Es wird angenommen, die Werte aus dem ersten Schritt **seien die wirklichen Werte**
- ▶ Wir wenden ML (Maximum-Likelihood) auf diese Werte an, um die eigentlich **gesuchten Parameter** zu berechnen

Zu Beginn des Algorithmus werden die Parameter mit **Zufallswerten** initialisiert.

EM FÜR GMMS

- ▶ Nun wollen wir den **EM-Algorithmus** auf unsere **GMMs** anwenden

EM FÜR GMMS

- ▶ Nun wollen wir den **EM-Algorithmus** auf unsere **GMMs** anwenden
- ▶ Die “versteckten Werte” beziehen sich in diesem Fall darauf, **welche Daten zu welchem Cluster gehören** bzw. welcher Gaussian welche Daten erzeugt hat

EM FÜR GMMs

- ▶ Nun wollen wir den **EM-Algorithmus** auf unsere **GMMs** anwenden
- ▶ Die “versteckten Werte” beziehen sich in diesem Fall darauf, **welche Daten zu welchem Cluster gehören** bzw. welcher Gaussian welche Daten erzeugt hat
- ▶ Außerdem fehlen uns die **Parameter** der Verteilung

EM FÜR GMMS

- ▶ Nun wollen wir den **EM-Algorithmus** auf unsere **GMMs** anwenden
- ▶ Die “versteckten Werte” beziehen sich in diesem Fall darauf, **welche Daten zu welchem Cluster gehören** bzw. welcher Gaussian welche Daten erzeugt hat
- ▶ Außerdem fehlen uns die **Parameter** der Verteilung
- ▶ Ohne den EM-Algorithmus kämen wir **nicht weiter**:
 - ▶ Wenn wir die Parameter μ_j , Σ_j und w_j kennen würden, könnten wir herausfinden welche Daten zu welchem Gaussian gehören
 - ▶ Wenn wir wüssten welche Daten zu welchem Cluster gehören, könnten wir die Parameter relativ leicht berechnen

EM FÜR GMMs

- ▶ Nun wollen wir den **EM-Algorithmus** auf unsere **GMMs** anwenden
- ▶ Die “versteckten Werte” beziehen sich in diesem Fall darauf, **welche Daten zu welchem Cluster gehören** bzw. welcher Gaussian welche Daten erzeugt hat
- ▶ Außerdem fehlen uns die **Parameter** der Verteilung
- ▶ Ohne den EM-Algorithmus kämen wir **nicht weiter**:
 - ▶ Wenn wir die Parameter μ_j , Σ_j und w_j kennen würden, könnten wir herausfinden welche Daten zu welchem Gaussian gehören
 - ▶ Wenn wir wüssten welche Daten zu welchem Cluster gehören, könnten wir die Parameter relativ leicht berechnen
- ▶ Wir bräuchten **eine der Antworten**, um auf **die andere Antwort** zu kommen

EM FÜR GMMS

- ▶ Anstatt die Probleme **einzeln** zu betrachten, lösen wir beide mithilfe des EM-Algorithmus **schrittweise parallel**

EM FÜR GMMS

- ▶ Anstatt die Probleme **einzeln** zu betrachten, lösen wir beide mithilfe des EM-Algorithmus **schrittweise parallel**
- ▶ Vor dem ersten Schritt initialisieren wir die Parameter μ_i , Σ_i und w_i mit **zufälligen Werten**

EM FÜR GMMS

- ▶ Anstatt die Probleme **einzeln** zu betrachten, lösen wir beide mithilfe des EM-Algorithmus **schrittweise parallel**
- ▶ Vor dem ersten Schritt initialisieren wir die Parameter μ_i , Σ_i und w_i mit **zufälligen Werten**
- ▶ Es spielt keine Rolle, wie die Werte gewählt werden - der EM-Algorithmus **konvergiert immer**

EM FÜR GMMS

- ▶ Anstatt die Probleme **einzel**n zu betrachten, lösen wir beide mithilfe des EM-Algorithmus **schrittweise parallel**
- ▶ Vor dem ersten Schritt initialisieren wir die Parameter μ_i , Σ_i und w_i mit **zufälligen Werten**
- ▶ Es spielt keine Rolle, wie die Werte gewählt werden - der EM-Algorithmus **konvergiert immer**
- ▶ Er findet jedoch nur **lokale** Maximalwerte

EM FÜR GMMS - EXPECTATION STEP

- ▶ Wir initialisieren die Parameter μ_j , Σ_j und w_j mit **Zufallswerten**

EM FÜR GMMS - EXPECTATION STEP

- ▶ Wir initialisieren die Parameter μ_j , Σ_j und w_j mit **Zufallswerten**
- ▶ Wir nehmen an, unsere geratenen Werte **wären die wirklichen Werte**

EM FÜR GMMS - EXPECTATION STEP

- ▶ Wir initialisieren die Parameter μ_i , Σ_i und w_i mit **Zufallswerten**
- ▶ Wir nehmen an, unsere geratenen Werte **wären die wirklichen Werte**
- ▶ Zwischen jeder Stichprobe x_j und jedem Gaussian berechnen wir einen **"assignment score"**:

$$\gamma(z_{jk}) = \frac{w_k \cdot \mathcal{N}(x_j | \mu_k, \Sigma_k)}{\sum_{i=1}^n w_i \cdot \mathcal{N}(x_j | \mu_i, \Sigma_i)}$$

EM FÜR GMMS - MAXIMIZATION STEP

- Nun werden die Parameter anhand der assignment scores **neu berechnet** (J : Anzahl der Stichproben):

$$\mu_k = \frac{1}{J_k} \cdot \sum_{j=1}^J \gamma(z_{jk}) \cdot x_j$$

$$\Sigma_k = \frac{1}{N_k} \cdot \sum_{j=1}^J \gamma(z_{jk}) \cdot (x_j - \mu_k) \cdot (x_j - \mu_k)^T$$

$$w_k = \frac{J_k}{J}$$

$$\text{(mit } J_k = \sum_{j=1}^J \gamma(z_{jk}))$$

WIEDERHOLEN BIS KONVERGENZ EINTRITT

- ▶ Die Parameter sind jetzt schon **besser geschätzt**

WIEDERHOLEN BIS KONVERGENZ EINTRITT

- ▶ Die Parameter sind jetzt schon **besser geschätzt**
- ▶ Im Folgenden werden die assignment scores mithilfe der neu geschätzten Parameter **erneut berechnet**

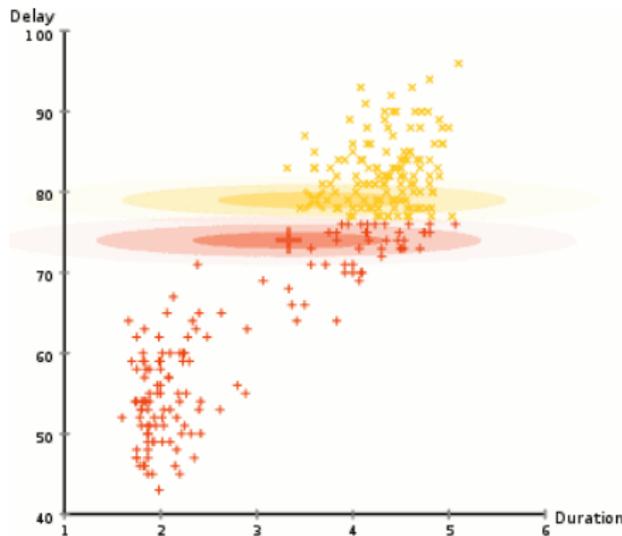
WIEDERHOLEN BIS KONVERGENZ EINTRITT

- ▶ Die Parameter sind jetzt schon **besser geschätzt**
- ▶ Im Folgenden werden die assignment scores mithilfe der neu geschätzten Parameter **erneut berechnet**
- ▶ Expectation und Maximization step werden nun **wiederholt** bis die Werte der Parameter **konvergieren**

WIEDERHOLEN BIS KONVERGENZ EINTRITT

- ▶ Die Parameter sind jetzt schon **besser geschätzt**
- ▶ Im Folgenden werden die assignment scores mithilfe der neu geschätzten Parameter **erneut berechnet**
- ▶ Expectation und Maximization step werden nun **wiederholt** bis die Werte der Parameter **konvergieren**
- ▶ Ergebnis: **optimierte Parameter** μ , Σ und w (lokale Maximalwerte)

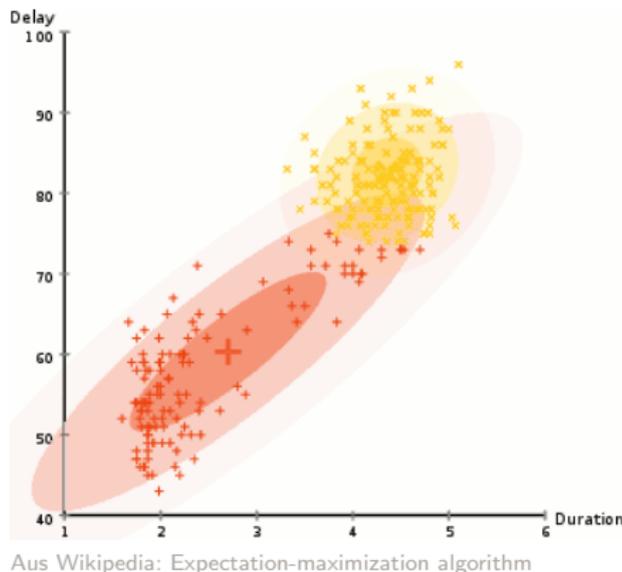
BEISPIELPLOT - ERSTE ITERATION



Aus Wikipedia: Expectation-maximization algorithm

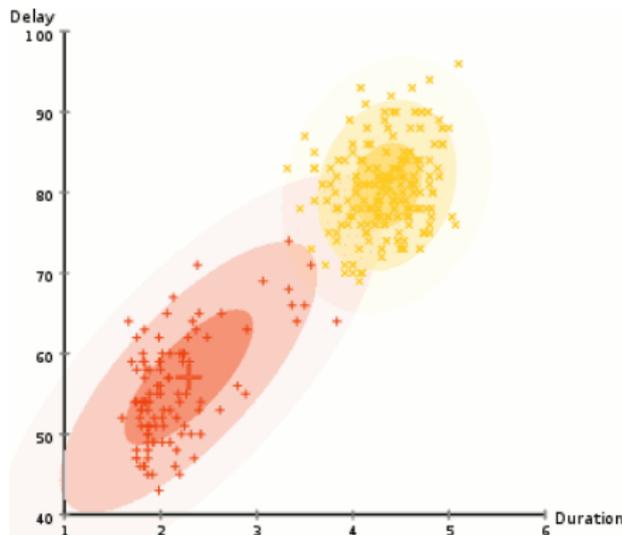
- ▶ Parameter wurden mit **Zufallswerten** initialisiert

BEISPIELPLOT - ZWEITE ITERATION



- Nach nur einem Schritt eine relativ **gute (grobe) Schätzung**

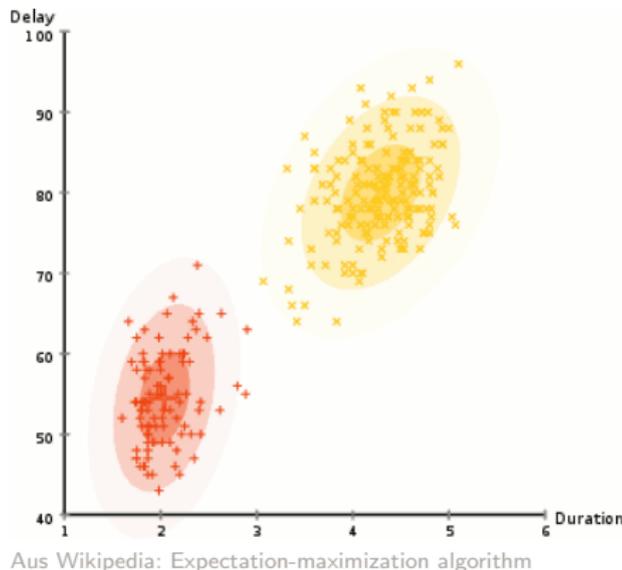
BEISPIELPLOT - FÜNFTE ITERATION



Aus Wikipedia: Expectation-maximization algorithm

- Einige Schritte weiter und die Cluster sind schon recht gut angepasst

BEISPIELPLOT - 15. ITERATION



- Nach 15 Schritten erreichen wir ein **nahezu perfektes** Ergebnis

ANWENDUNG / AUSWERTUNG

ZURÜCK ZUR VIDEOÜBERWACHUNG

Wie können wir das Prinzip der GMMs auf die **Videoüberwachung** anwenden?

- ▶ **Jedes Pixel** wird als ein **eigenes GMM** modelliert

ZURÜCK ZUR VIDEOÜBERWACHUNG

Wie können wir das Prinzip der GMMs auf die **Videoüberwachung** anwenden?

- ▶ **Jedes Pixel** wird als ein **eigenes GMM** modelliert
- ▶ Wir versuchen jeweils zu entscheiden, ob es sich um ein **Vorder-** oder **Hintergrundpixel** handelt

ZURÜCK ZUR VIDEOÜBERWACHUNG

Wie können wir das Prinzip der GMMs auf die **Videoüberwachung** anwenden?

- ▶ **Jedes Pixel** wird als ein **eigenes GMM** modelliert
- ▶ Wir versuchen jeweils zu entscheiden, ob es sich um ein **Vorder-** oder **Hintergrundpixel** handelt
- ▶ Pixel, die in keine der Verteilungen passen, werden vorerst **als Vordergrundpixel eingestuft**

ZURÜCK ZUR VIDEOÜBERWACHUNG

Wie können wir das Prinzip der GMMs auf die **Videoüberwachung** anwenden?

- ▶ **Jedes Pixel** wird als ein **eigenes GMM** modelliert
- ▶ Wir versuchen jeweils zu entscheiden, ob es sich um ein **Vorder-** oder **Hintergrundpixel** handelt
- ▶ Pixel, die in keine der Verteilungen passen, werden vorerst **als Vordergrundpixel eingestuft**
- ▶ Es werden zu jeder Zeit **mehrere Werte der Pixel** gespeichert

WAS DAS PROGRAMM SIEHT



(a)



(b)



(c)



(d)

Aus "Adaptive background mixture models for real-time tracking" (Stauffer)

PIXELVERLAUF

Jedes Pixel wird über einen **Zeitraum** hinweg betrachtet, wir kennen also den **“Verlauf”** jedes Pixels:

$$\{X_1, \dots, X_t\} = \{I(x_0, y_0, i) : 1 \leq i \leq t\}$$

Wir kennen **zu jeder Zeit** den Zustand jedes Pixels in den letzten t Bildern.

PIXELVERLAUF

Jedes Pixel wird über einen **Zeitraum** hinweg betrachtet, wir kennen also den **“Verlauf”** jedes Pixels:

$$\{X_1, \dots, X_t\} = \{I(x_0, y_0, i) : 1 \leq i \leq t\}$$

Wir kennen **zu jeder Zeit** den Zustand jedes Pixels in den letzten t Bildern.

Nun stellen wir ein **GMM** auf, welches unseren Ansprüchen entspricht.

EIN GMM FÜR JEDES PIXEL

$$P(X_t) = \sum_{i=1}^n w_{i,t} \cdot \mathcal{N}(X_t, \mu_{i,t}, \Sigma_{i,t})$$

n : Anzahl der Verteilungen (je nach Rechenleistung)

$w_{i,t}$: Geichtung des i -ten Gaussians zur Zeit t

$\mu_{i,t}$: Mittelwert des i -ten Gaussians zur Zeit t

$\Sigma_{i,t}$: Kovarianzmatrix des i -ten Gaussians zur Zeit t

WÄHREND DER LAUFZEIT

- ▶ Jeder neu beobachtete Pixelwert X_t wird gegen die n **vorhandenen Gaussians** geprüft, bis eine Übereinstimmung gefunden wird
- ▶ Übereinstimmung: Wert innerhalb von **2,5 Standardabweichungen** zum Mittelwert

WÄHREND DER LAUFZEIT

- ▶ Jeder neu beobachtete Pixelwert X_t wird gegen die n **vorhandenen Gaussians** geprüft, bis eine Übereinstimmung gefunden wird
- ▶ Übereinstimmung: Wert innerhalb von **2,5 Standardabweichungen** zum Mittelwert
- ▶ Wenn eine Übereinstimmung gefunden wird, wird das Pixel (immer noch) als **Hintergrund** betrachtet. Außerdem wird
 - ▶ sein Mittelwert μ **näher an X_t angepasst**
 - ▶ seine Varianz σ^2 **verringert**
 - ▶ sein Gewicht w **erhöht**

WÄHREND DER LAUFZEIT

- ▶ Falls **keine Übereinstimmung** gefunden wird, wird das entsprechende Pixel als **Vordergrund** markiert.

WÄHREND DER LAUFZEIT

- ▶ Falls **keine Übereinstimmung** gefunden wird, wird das entsprechende Pixel als **Vordergrund** markiert.
- ▶ Der unwahrscheinlichste Gaussian im GMM wird dann folgendermaßen verändert:
 - ▶ Mittelwert $\mu = X_t$
 - ▶ Varianz σ^2 : ein **hoher Wert**
 - ▶ Gewicht w : ein **niedriger Wert**

ERKENNUNG DES HINTERGRUNDES

- ▶ Die Vordergrundpixel erkennen wir, indem wir die neuen Pixel mit den **Werten aller Gaussians vergleichen**

Aber wie finden wir heraus, welche Pixel zum **Hintergrund** gehören?

ERKENNUNG DES HINTERGRUNDES

- ▶ Die Vordergrundpixel erkennen wir, indem wir die neuen Pixel mit den **Werten aller Gaussians vergleichen**

Aber wie finden wir heraus, welche Pixel zum **Hintergrund** gehören?

- ▶ Wir suchen Pixel / Verteilungen mit einem **hohen Gewicht** und einer **niedrigen Varianz**

ERKENNUNG DES HINTERGRUNDES

- ▶ Die Vordergrundpixel erkennen wir, indem wir die neuen Pixel mit den **Werten aller Gaussians vergleichen**

Aber wie finden wir heraus, welche Pixel zum **Hintergrund** gehören?

- ▶ Wir suchen Pixel / Verteilungen mit einem **hohen Gewicht** und einer **niedrigen Varianz**
- ▶ Ansatz: Wir **sortieren** die Verteilungen jedes Pixels nach ihrem Wert für w/σ

ERKENNUNG DES HINTERGRUNDES

- ▶ Die Vordergrundpixel erkennen wir, indem wir die neuen Pixel mit den **Werten aller Gaussians vergleichen**

Aber wie finden wir heraus, welche Pixel zum **Hintergrund** gehören?

- ▶ Wir suchen Pixel / Verteilungen mit einem **hohen Gewicht** und einer **niedrigen Varianz**
- ▶ Ansatz: Wir **sortieren** die Verteilungen jedes Pixels nach ihrem Wert für w/σ
- ▶ Die Verteilungen die höher auf dieser Liste sind gehören **wahrscheinlicher zum Hintergrund** des Bildes

EM-ALGORITHMUS?

- ▶ Der EM-Algorithmus wird hier **nicht** verwendet

EM-ALGORITHMUS?

- ▶ Der EM-Algorithmus wird hier **nicht** verwendet
- ▶ Dieser müsste in **jedem** Frame auf **jedes** einzelne Pixel angewendet werden

EM-ALGORITHMUS?

- ▶ Der EM-Algorithmus wird hier **nicht** verwendet
- ▶ Dieser müsste in **jedem** Frame auf **jedes** einzelne Pixel angewendet werden
- ▶ Zur Zeit des Papers (1999) zu **ressourcenlastig**, heute allerdings durchaus möglich

EM-ALGORITHMUS?

- ▶ Der EM-Algorithmus wird hier **nicht** verwendet
- ▶ Dieser müsste in **jedem** Frame auf **jedes** einzelne Pixel angewendet werden
- ▶ Zur Zeit des Papers (1999) zu **ressourcenlastig**, heute allerdings durchaus möglich
- ▶ Stattdessen wird eine **“on-line K-means approximation”** verwendet (wird hier nicht weiter betrachtet)

AUSWERTUNG

- ▶ Da wir zu jeder Zeit **mehrere Modelle** des Hintergrundes beachten, ist das System **robust** gegenüber Änderungen des Hintergrundes

AUSWERTUNG

- ▶ Da wir zu jeder Zeit **mehrere Modelle** des Hintergrundes beachten, ist das System **robust** gegenüber Änderungen des Hintergrundes
- ▶ Wenn ein neuer Gegenstand in den Hintergrund tritt und dort für mehrere Bilder verharrt, wird er **sehr schnell** in eines der Modelle **übernommen**

AUSWERTUNG

- ▶ Da wir zu jeder Zeit **mehrere Modelle** des Hintergrundes beachten, ist das System **robust** gegenüber Änderungen des Hintergrundes
- ▶ Wenn ein neuer Gegenstand in den Hintergrund tritt und dort für mehrere Bilder verharrt, wird er **sehr schnell** in eines der Modelle **übernommen**
- ▶ Auch Änderungen der **Lichtverhältnisse** oder **Wetterlage** sind kein Problem

AUSWERTUNG

- ▶ Auf jeden Fall ein **guter Ansatz**, der laut Autor des Papers auch **erfolgreich** funktioniert

AUSWERTUNG

- ▶ Auf jeden Fall ein **guter Ansatz**, der laut Autor des Papers auch **erfolgreich** funktioniert
- ▶ 16 Monate lang mit einer Auflösung von 120x160 Pixeln bei 11-13 Bildern pro Sekunde getestet

AUSWERTUNG

- ▶ Auf jeden Fall ein **guter Ansatz**, der laut Autor des Papers auch **erfolgreich** funktioniert
- ▶ 16 Monate lang mit einer Auflösung von 120x160 Pixeln bei 11-13 Bildern pro Sekunde getestet
- ▶ Probleme nur bei **plötzlicher Änderung der Wetterlage**, doch selbst dann erholt sich das System recht schnell wieder

AUSWERTUNG

- ▶ Auf jeden Fall ein **guter Ansatz**, der laut Autor des Papers auch **erfolgreich** funktioniert
- ▶ 16 Monate lang mit einer Auflösung von 120x160 Pixeln bei 11-13 Bildern pro Sekunde getestet
- ▶ Probleme nur bei **plötzlicher Änderung der Wetterlage**, doch selbst dann erholt sich das System recht schnell wieder
- ▶ Heutzutage durch erhöhte Rechenleistung **besser umzusetzen** (höhere Auflösung, mehr Bilder pro Sekunde, EM-Algorithmus)

Danke für die Aufmerksamkeit